

ResolSysteme (0.1.4), version « classique »

1 Préambule sans utiliser python

```
\documentclass[french,a4paper,10pt]{article}
\usepackage[margin=1.5cm]{geometry}
\usepackage{ResolSysteme}           %version classique
\usepackage{systeme}
\sisetup{locale=FR,output-decimal-marker={,}}
```

2 Affichage d'une matrice, 2x2 ou 3x3 ou 4x4

On considère les matrices $A=\text{AffMatrice}(1,2 \text{ § } 3,4)$
et $B=\text{AffMatrice}[n](-1,1/3,4 \text{ § } 1/3,4,-1 \text{ § } -1,0,0)$
et $C=\text{AffMatrice}(1,2,3,4 \text{ § } 5,6,7,0 \text{ § } 1,1,1,1 \text{ § } 2,-3,-5,-6)$.

On considère les matrices $A = \begin{pmatrix} 1 & 2 \\ 3 & 4 \end{pmatrix}$ et $B = \begin{pmatrix} -1 & 1/3 & 4 \\ 1/3 & 4 & -1 \\ -1 & 0 & 0 \end{pmatrix}$ et $C = \begin{pmatrix} 1 & 2 & 3 & 4 \\ 5 & 6 & 7 & 0 \\ 1 & 1 & 1 & 1 \\ 2 & -3 & -5 & -6 \end{pmatrix}$.

3 Calculs avec des matrices, 2x2 ou 3x3 ou 4x4

$\text{\$}\text{ProduitMatrices}(1,2)(3 \text{ § } 4)[\text{Aff}]\text{\$}$ et $\text{\$}\text{ProduitMatrices}(1,2)(3,4 \text{ § } 5,6)[\text{Aff}]\text{\$}$ \\ $\text{\$}\text{ProduitMatrices}(-5,6 \text{ § } 1,4)(2 \text{ § } 7)[\text{Aff}]\text{\$}$ et $\text{\$}\text{ProduitMatrices}(-5,6 \text{ § } 1,4)(2,-4 \text{ § } 7,0)[\text{Aff}]\text{\$}$

$$\begin{pmatrix} 1 & 2 \end{pmatrix} \times \begin{pmatrix} 3 \\ 4 \end{pmatrix} = (11) \text{ et } \begin{pmatrix} 1 & 2 \end{pmatrix} \times \begin{pmatrix} 3 & 4 \\ 5 & 6 \end{pmatrix} = (13 \quad 16)$$
$$\begin{pmatrix} -5 & 6 \\ 1 & 4 \end{pmatrix} \times \begin{pmatrix} 2 \\ 7 \end{pmatrix} = \begin{pmatrix} 32 \\ 30 \end{pmatrix} \text{ et } \begin{pmatrix} -5 & 6 \\ 1 & 4 \end{pmatrix} \times \begin{pmatrix} 2 & -4 \\ 7 & 0 \end{pmatrix} = \begin{pmatrix} 32 & 20 \\ 30 & -4 \end{pmatrix}$$

$\text{\$}\text{ProduitMatrices}(1,2,3)(4 \text{ § } 5 \text{ § } 6)[\text{Aff}]\text{\$}$ et $\text{\$}\text{ProduitMatrices}(1,2,3)(1,1,1 \text{ § } 2,1,5 \text{ § } 0,5,-6)[\text{Aff}]\text{\$}$ \\ $\text{\$}\text{ProduitMatrices}(1,1,1 \text{ § } 2,1,5 \text{ § } 0,5,-6)(1 \text{ § } 2 \text{ § } 3)[\text{Aff}]\text{\$}$ et \\ $\text{\$}\text{ProduitMatrices}(1,1,1 \text{ § } 2,1,5 \text{ § } 0,5,-6)(1,2,3 \text{ § } -5,-4,2 \text{ § } 3,3,10)[\text{Aff}]\text{\$}$

$$\begin{pmatrix} 1 & 2 & 3 \end{pmatrix} \times \begin{pmatrix} 4 \\ 5 \\ 6 \end{pmatrix} = (32) \text{ et } \begin{pmatrix} 1 & 2 & 3 \end{pmatrix} \times \begin{pmatrix} 1 & 1 & 1 \\ 2 & 1 & 5 \\ 0 & 5 & -6 \end{pmatrix} = (5 \quad 18 \quad -7)$$
$$\begin{pmatrix} 1 & 1 & 1 \\ 2 & 1 & 5 \\ 0 & 5 & -6 \end{pmatrix} \times \begin{pmatrix} 1 \\ 2 \\ 3 \end{pmatrix} = \begin{pmatrix} 6 \\ 19 \\ -8 \end{pmatrix} \text{ et } \begin{pmatrix} 1 & 1 & 1 \\ 2 & 1 & 5 \\ 0 & 5 & -6 \end{pmatrix} \times \begin{pmatrix} 1 & 2 & 3 \\ -5 & -4 & 3 \\ 3 & 3 & 10 \end{pmatrix} = \begin{pmatrix} -1 & 1 & 16 \\ 12 & 15 & 59 \\ -43 & -38 & -45 \end{pmatrix}$$

```

$\ProduitMatrices(1,2,3,4)(5 § 6 § 7 § 8)[Aff]$\
$\ProduitMatrices(1,2,3,4)(1,1,1,5 § 2,1,5,6 § 0,5,-6,0 § 1,-5,4,2)[Aff]$\
$\ProduitMatrices(1,1,1,5 § 2,1,5,6 § 0,5,-6,0 § 1,-5,4,2)(1 § 2 § 3 § 4)[Aff]$\
$\ProduitMatrices(1,1,1,5 § 2,1,5,6 § 0,5,-6,0 § 1,-5,4,2)(1,5,4,0 § 2,-1,-1,5 § 3,0,1,2, §
4,6,9,10)[Aff]$\

```

$$(1 \ 2 \ 3 \ 4) \times \begin{pmatrix} 5 \\ 6 \\ 7 \\ 8 \end{pmatrix} = (70)$$

$$(1 \ 2 \ 3 \ 4) \times \begin{pmatrix} 1 & 1 & 1 & 5 \\ 2 & 1 & 5 & 6 \\ 0 & 5 & -6 & 0 \\ 1 & -5 & 4 & 2 \end{pmatrix} = (9 \ -2 \ 9 \ 25)$$

$$\begin{pmatrix} 1 & 1 & 1 & 5 \\ 2 & 1 & 5 & 6 \\ 0 & 5 & -6 & 0 \\ 1 & -5 & 4 & 2 \end{pmatrix} \times \begin{pmatrix} 1 \\ 2 \\ 3 \\ 4 \end{pmatrix} = \begin{pmatrix} 26 \\ 43 \\ -8 \\ 11 \end{pmatrix}$$

$$\begin{pmatrix} 1 & 1 & 1 & 5 \\ 2 & 1 & 5 & 6 \\ 0 & 5 & -6 & 0 \\ 1 & -5 & 4 & 2 \end{pmatrix} \times \begin{pmatrix} 1 & 5 & 4 & 0 \\ 2 & -1 & -1 & 5 \\ 3 & 0 & 1 & 2 \\ 4 & 6 & 9 & 10 \end{pmatrix} = \begin{pmatrix} 26 & 34 & 49 & 57 \\ 43 & 45 & 66 & 75 \\ -8 & -5 & -11 & 13 \\ 11 & 22 & 31 & 3 \end{pmatrix}$$

```

$\CarreMatrice(-5,6 § 1,4)[Aff]$\
$\CarreMatrice(-5,6,8 § 1,4,-9 § 1,-1,1)[Aff]$\
$\CarreMatrice(1,2,3,4 § 5,6,7,0 § 1,1,1,1 § 2,-3,-5,-6)[Aff]$\

```

$$\begin{pmatrix} -5 & 6 \\ 1 & 4 \end{pmatrix}^2 = \begin{pmatrix} 31 & -6 \\ -1 & 22 \end{pmatrix}$$

$$\begin{pmatrix} -5 & 6 & 8 \\ 1 & 4 & -9 \\ 1 & -1 & 1 \end{pmatrix}^2 = \begin{pmatrix} 39 & -14 & -86 \\ -10 & 31 & -37 \\ -5 & 1 & 18 \end{pmatrix}$$

$$\begin{pmatrix} 1 & 2 & 3 & 4 \\ 5 & 6 & 7 & 0 \\ 1 & 1 & 1 & 1 \\ 2 & -3 & -5 & -6 \end{pmatrix}^2 = \begin{pmatrix} 22 & 5 & 0 & -17 \\ 42 & 53 & 64 & 27 \\ 9 & 6 & 6 & -1 \\ -30 & -1 & 10 & 39 \end{pmatrix}$$

4 Déterminant d'une matrice, 2x2 ou 3x3 ou 4x4

Le déterminant de $A = \text{AffMatrice}(1,2 \ § \ 3,4)$ est
 $\det(A) = \text{DetMatrice}(1,2 \ § \ 3,4)$.

Le déterminant de $A = \begin{pmatrix} 1 & 2 \\ 3 & 4 \end{pmatrix}$ est $\det(A) = -2$.

Le déterminant de $A = \text{AffMatrice}(-1,0.5 \ § \ -1/2,4)$ est
 $\det(A) = \text{DetMatrice}[dec](-1,0.5 \ § \ -1/2,4)$.

Le déterminant de $A = \begin{pmatrix} -1 & \frac{1}{2} \\ -\frac{1}{2} & 4 \end{pmatrix}$ est $\det(A) = -3,75$.

Le dét. de $A = \begin{pmatrix} -1 & \frac{1}{3} & 4 \\ \frac{1}{3} & 4 & -1 \\ -1 & 0 & 0 \end{pmatrix}$ est $\det(A) \approx \text{DetMatrice}[\text{dec}=3](-1, 1/3, 4 \ \& \ 1/3, 4, -1 \ \& \ -1, 0, 0)$.

Le dét. de $A = \begin{pmatrix} -1 & \frac{1}{3} & 4 \\ \frac{1}{3} & 4 & -1 \\ -1 & 0 & 0 \end{pmatrix}$ est $\det(A) \approx 16,333$.

Le dét. de $A = \begin{pmatrix} 1 & 2 & 3 & 4 \\ 5 & 6 & 7 & 0 \\ 1 & 1 & 1 & 1 \\ 2 & -3 & -5 & -6 \end{pmatrix}$ est $\det(A) = 24$.

Le dét. de $A = \begin{pmatrix} 1 & 2 & 3 & 4 \\ 5 & 6 & 7 & 0 \\ 1 & 1 & 1 & 1 \\ 2 & -3 & -5 & -6 \end{pmatrix}$ est $\det(A) = 24$.

5 Inverse d'une matrice, 2x2 ou 3x3

L'inverse de $A = \begin{pmatrix} 1 & 2 \\ 3 & 4 \end{pmatrix}$ est $A^{-1} = \text{MatriceInverse}[\text{cell-space-limits}=2pt](1, 2 \ \& \ 3, 4)$.

L'inverse de $A = \begin{pmatrix} 1 & 2 \\ 3 & 4 \end{pmatrix}$ est $A^{-1} = \begin{pmatrix} -2 & 1 \\ \frac{3}{2} & -\frac{1}{2} \end{pmatrix}$.

L'inverse de $A = \begin{pmatrix} 1 & 2 \\ 3 & 4 \end{pmatrix}$ est $A^{-1} = \text{MatriceInverse}[\text{cell-space-limits}=2pt](1, 2 \ \& \ 3, 4)$.

L'inverse de $A = \begin{pmatrix} 1 & 2 \\ 3 & 4 \end{pmatrix}$ est $A^{-1} = \begin{pmatrix} -2 & 1 \\ \frac{3}{2} & -\frac{1}{2} \end{pmatrix}$.

L'inverse de $A = \begin{pmatrix} 1 & 2 \\ 3 & 4 \end{pmatrix}$ est $A^{-1} = \text{MatriceInverse}[\text{d}][\text{cell-space-limits}=2pt](1, 2 \ \& \ 3, 4)$.

L'inverse de $A = \begin{pmatrix} 1 & 2 \\ 3 & 4 \end{pmatrix}$ est $A^{-1} = \begin{pmatrix} -2 & 1 \\ \frac{3}{2} & -\frac{1}{2} \end{pmatrix}$.

L'inverse de $A = \begin{pmatrix} 1 & 2 & 3 \\ 4 & 5 & 6 \\ 7 & 8 & 8 \end{pmatrix}$ est $A^{-1} = \text{MatriceInverse}[\text{cell-space-limits}=2pt](1, 2, 3 \ \& \ 4, 5, 6 \ \& \ 7, 8, 8)$.

L'inverse de $A = \begin{pmatrix} 1 & 2 & 3 \\ 4 & 5 & 6 \\ 7 & 8 & 8 \end{pmatrix}$ est $A^{-1} = \begin{pmatrix} -\frac{8}{3} & \frac{8}{3} & -1 \\ \frac{10}{3} & -\frac{13}{3} & 2 \\ -1 & 2 & -1 \end{pmatrix}$.

L'inverse de $A = \begin{pmatrix} 1 & 2 & 3 \\ 4 & 5 & 6 \\ 7 & 8 & 8 \end{pmatrix}$ est $A^{-1} = \text{MatriceInverse}[\text{n}][\text{cell-space-limits}=2pt](1, 2, 3 \ \& \ 4, 5, 6 \ \& \ 7, 8, 8)$.

L'inverse de $A = \begin{pmatrix} 1 & 2 & 3 \\ 4 & 5 & 6 \\ 7 & 8 & 8 \end{pmatrix}$ est $A^{-1} = \begin{pmatrix} -8/3 & 8/3 & -1 \\ 10/3 & -13/3 & 2 \\ -1 & 2 & -1 \end{pmatrix}$.

Résolution d'un système, 2x2 ou 3x3

La solution de $\text{\systeme{-9x-8y=-8,3x-6y=-7}}$ est $\text{\mathcal{S}}=\%$
 $\text{\left\lbrace \text{\SolutionSysteme}(-9,-8 \text{ \& } 3,-6)(-8,-7) \text{\right\rbrace}$.

La solution de $\begin{cases} -9x - 8y = -8 \\ 3x - 6y = -7 \end{cases}$ est $\mathcal{S} = \left\{ \left(-\frac{4}{39}; \frac{29}{26} \right) \right\}$.

La solution de $\text{\systeme{-9x-8y=-8,3x-6y=-7}}$ est $\text{\mathcal{S}}=\%$
 $\text{\left\lbrace \text{\SolutionSysteme*}[d](-9,-8 \text{ \& } 3,-6)(-8,-7) \text{\right\rbrace}$.

La solution de $\begin{cases} -9x - 8y = -8 \\ 3x - 6y = -7 \end{cases}$ est $\mathcal{S} = \left\{ \left(\frac{-4}{39}; \frac{29}{26} \right) \right\}$.

La solution de $\text{\systeme{x+y+z=-1,3x+2y-z=6,-x-y+2z=-5}}$ est $\text{\mathcal{S}}=\%$
 $\text{\left\lbrace \text{\SolutionSysteme}(1,1,1 \text{ \& } 3,2,-1 \text{ \& } -1,-1,2)(-1,6,-5) \text{\right\rbrace}$.

La solution de $\begin{cases} x + y + z = -1 \\ 3x + 2y - z = 6 \\ -x - y + 2z = -5 \end{cases}$ est $\mathcal{S} = \{(2; -1; -2)\}$.

La solution de $\text{\systeme{x+y+z=-1,3x+2y-z=6,-x-y+2z=-5}}$ est donnée par $X=\%$
 $\text{\SolutionSysteme}(1,1,1 \text{ \& } 3,2,-1 \text{ \& } -1,-1,2)(-1,6,-5) [\text{Matrice}]$.

La solution de $\begin{cases} x + y + z = -1 \\ 3x + 2y - z = 6 \\ -x - y + 2z = -5 \end{cases}$ est donnée par $X = \begin{pmatrix} 2 \\ -1 \\ -2 \end{pmatrix}$.

La solution de $\text{\systeme{3x+y-2z=-1,2x-y+z=4,x-y-2z=5}}$ est $\text{\mathcal{S}}=\%$
 $\text{\left\lbrace \text{\SolutionSysteme}(3,1,-2 \text{ \& } 2,-1,1 \text{ \& } 1,-1,-2)(-1,4,5) \text{\right\rbrace}$.

La solution de $\begin{cases} 3x + y - 2z = -1 \\ 2x - y + z = 4 \\ x - y - 2z = 5 \end{cases}$ est $\mathcal{S} = \left\{ \left(\frac{1}{2}; -\frac{7}{2}; -\frac{1}{2} \right) \right\}$.

La solution de $\text{\systeme{3x+y-2z=-1,2x-y+z=4,x-y-2z=5}}$ est $\text{\mathcal{S}}=\%$
 $\text{\left\lbrace \text{\SolutionSysteme}[d](3,1,-2 \text{ \& } 2,-1,1 \text{ \& } 1,-1,-2)(-1,4,5) \text{\right\rbrace}$.

La solution de $\begin{cases} 3x + y - 2z = -1 \\ 2x - y + z = 4 \\ x - y - 2z = 5 \end{cases}$ est $\mathcal{S} = \left\{ \left(\frac{1}{2}; -\frac{7}{2}; -\frac{1}{2} \right) \right\}$.

6 État stable d'une graphe probabiliste, 2x2

L'état stable du gr. prob. de matrice

$M = \begin{pmatrix} 0.72 & 0.28 \\ 0.12 & 0.88 \end{pmatrix}$

est $\Pi = \text{EtatStable}[d](0.72, 0.28 \text{ } 0.12, 0.88)$

ou $\Pi = \text{EtatStable}[dec](0.72, 0.28 \text{ } 0.12, 0.88)$.

L'état stable du gr. prob. de matrice $M = \begin{pmatrix} 0,72 & 0,28 \\ 0,12 & 0,88 \end{pmatrix}$

est $\Pi = \begin{pmatrix} \frac{3}{10} & \frac{7}{10} \end{pmatrix}$ ou $\Pi = (0,3 \text{ } 0,7)$.